

Gyakorló zh megoldásai:

1.feladat

```
octave-3.0.1.exe:14> [x,y]=pol2cart(1.23,5.1)
```

```
x = 1.7046
```

```
y = 4.8067
```

2.feladat

```
octave-3.0.1.exe:16> A=[1,3,3,4;2,3,5,6;1,3,5,9;2,4,9,9]
```

```
A =
```

```
1 3 3 4
2 3 5 6
1 3 5 9
2 4 9 9
```

```
octave-3.0.1.exe:17> cov(A')
```

```
ans =
```

```
1.5833 2.0000 3.8333 3.6667
2.0000 3.3333 6.0000 6.3333
3.8333 6.0000 11.6667 10.6667
3.6667 6.3333 10.6667 12.6667
```

3.feladat:

a)

```
>> sum=0
```

```
sum1 = 0
```

```
>> for i=1:1000 if(fmod(i,2)==1) sum1=sum1+i**2; endif; endfor;
```

```
>> sum1
```

```
sum1 = 166666500
```

b)

```
for i=1:2:1000 v(i)=i; endfor;
```

```
>> sumsq(v)
```

```
ans = 166666500
```

További helyes megoldások is lehetségesek.

4.feladat:

```
>> x1=[1.84,2.77,1.97,2.59,2.73,2.08,0.12,2.53,3.06,1.45]
```

```
x1 =
```

```
Columns 1 through 8:
```

```
1.84000 2.77000 1.97000 2.59000 2.73000 2.08000 0.12000
2.53000
```

```
Columns 9 and 10:
```

```
3.06000 1.45000
```

```
>> x2=[1.55,3.96,6.00,2.11,2.55,3.59,0.60,3.88,3.44,2.81]
```

```
x2 =
```

```
Columns 1 through 8:
```

```
1.55000 3.96000 6.00000 2.11000 2.55000 3.59000 0.60000
3.88000
```

```
Columns 9 and 10:
```

```
3.44000 2.81000
```

```
for i=1:10 y(i)=x1(i)*x2(i)-sin(x2(i)); endfor; ! Megadott függvény
alapján minden x1-x2 változópárhoz kiszámítjuk a függvény értékét
```

```
>> y
y =
```

```
Columns 1 through 6:
```

```
1.85222 11.69926 12.09942 4.60678 6.40382 7.90073
```

```
Columns 7 through 10:
```

```
-0.49264 10.48951 10.82040 3.74895
```

```
>> var(y) ! Az egyik kérdésre a
válasz: direkt az y értékekből számított variancia
ans = 19.432
```

```
Gauss féle hibaterjedéssel számított variancia:
```

```
x1 és x2 változókat egy mátrixba rendezzük:
```

```
>> D=[x1',x2'] ! ha ezt a parancsot nem fogadja el az Octave, akkor
más módon kell bevinni a mátrixba az elemeket
D =
```

```
1.84000 1.55000
2.77000 3.96000
1.97000 6.00000
2.59000 2.11000
2.73000 2.55000
2.08000 3.59000
0.12000 0.60000
2.53000 3.88000
3.06000 3.44000
1.45000 2.81000
```

```
Változók átlaga a parciális deriváltak kiszámításához:
```

```
>> x1m=mean(x1)
x1m = 2.1140
>> x2m=mean(x2)
x2m = 3.0490
```

```
Kovariancia mátrix kiszámítása a D mátrixból x1 és x2 változókra:
```

```
>> CD=cov(D)
CD =
```

```
0.73536 0.61869
0.61869 2.23410
```

Parciális deriváltakat tartalmazó mátrix kiszámítása:

```
>> PD(2,2)=0
```

```
PD =
```

```
0 0
0 0
```

x1 szerinti második derivált:

```
>> PD(1,1)=x2m*x2m
```

```
PD =
```

```
9.29640 0.00000
0.00000 0.00000
```

x1 és x2 szerinti második derivált: (x1 és x2 illetve x2 és x1 szerinti második deriváltak egyenlőek)

```
>> PD(1,2)=(x1m-cos(x2m))*x2m
```

```
PD =
```

```
9.29640 9.48153
0.00000 0.00000
```

```
>> PD(2,1)=PD(1,2)
```

```
PD =
```

```
9.29640 9.48153
9.48153 0.00000
```

x2 szerinti második derivált:

```
>> PD(2,2)=(x1m-cos(x2m))**2
```

```
PD =
```

```
9.2964 9.4815
9.4815 9.6703
```

Dupla szummázás (képlet az angol jegyzet 22. oldalán)

```
sum(sum(CD.*PD))
```

```
ans = 40.173
```

5.feladat

```
octave-3.0.1.exe:47> B=[1,2,2,4;5,3,5,6;1,3,6,7;2,7,8,9]
```

```
B =
```

```
1 2 2 4
5 3 5 6
1 3 6 7
2 7 8 9
```

Inverz

```
octave-3.0.1.exe:48> inv(B)
```

```
ans =
```

```
-0.031250 0.250000 -0.156250 -0.031250
```

```
0.070313 -0.062500 -0.398438 0.320313
-0.695313 0.062500 0.273438 0.054688
0.570313 -0.062500 0.101563 -0.179688
```

Sajátérték, sajátvektor:

```
octave-3.0.1.exe:49> [vB,eB]=eig(B)
```

vB =

Columns 1 through 3:

```
0.24981 + 0.00000i 0.39314 + 0.00000i -0.12327 + 0.31981i
0.46699 + 0.00000i 0.55235 + 0.00000i 0.64153 + 0.00000i
0.47603 + 0.00000i -0.71946 + 0.00000i 0.06873 + 0.36515i
0.70208 + 0.00000i 0.15075 + 0.00000i -0.40766 - 0.40832i
```

Column 4:

```
-0.12327 - 0.31981i
0.64153 - 0.00000i
0.06873 - 0.36515i
-0.40766 + 0.40832i
```

eB =

Columns 1 through 3:

```
19.79190 + 0.00000i 0.00000 + 0.00000i 0.00000 + 0.00000i
0.00000 + 0.00000i 1.68366 + 0.00000i 0.00000 + 0.00000i
0.00000 + 0.00000i 0.00000 + 0.00000i -1.23778 + 1.51958i
0.00000 + 0.00000i 0.00000 + 0.00000i 0.00000 + 0.00000i
```

Column 4:

```
0.00000 + 0.00000i
0.00000 + 0.00000i
0.00000 + 0.00000i
-1.23778 - 1.51958i
```

6.feladat

```
octave-3.0.1.exe:53> x=[0,0.2,0.4,0.6,0.8,1,1.2,1.4,1.6,1.8,2]
```

x =

Columns 1 through 7:

```
0.00000 0.20000 0.40000 0.60000 0.80000 1.00000 1.20000
```

Columns 8 through 11:

```
1.40000 1.60000 1.80000 2.00000
```

```
octave-3.0.1.exe:54>
```

```
y=[1.88,1.65,1.88,2.25,2.17,2.35,3.24,3.48,3.49,4.06,4.13]
```

y =

Columns 1 through 8:

```
1.8800 1.6500 1.8800 2.2500 2.1700 2.3500 3.2400 3.4800
```

```
Columns 9 through 11:
```

```
3.4900 4.0600 4.1300
```

```
Illesztett harmadfokú polinom:
```

```
octave-3.0.1.exe:55> p=polyfit(x,y,3)
```

```
p =
```

```
-0.62281 2.23179 -0.82214 1.84783
```

```
Primitív függvény:
```

```
octave-3.0.1.exe:57> pint=polyint(p)
```

```
pint =
```

```
-0.15570 0.74393 -0.41107 1.84783 0.00000
```

```
Integrálás elvégzése: pint(2)-pint(0)
```

```
octave-3.0.1.exe:59> polyval(pint,2)-polyval(pint,0)
```

```
ans = 5.5116
```

7.feladat

a polinom

```
octave-3.0.1.exe:63> a=[2,-1,0,0,-1,-1,-12,-6]
```

```
a =
```

```
2 -1 0 0 -1 -1 -12 -6
```

b polinom

```
octave-3.0.1.exe:65> b=[7,0,-8,2,1]
```

```
b =
```

```
7 0 -8 2 1
```

Szorzat polinom

```
octave-3.0.1.exe:67> pmult=conv(a,b)
```

```
pmult =
```

```
14 -7 -16 12 -7 -8 -76 -36 93 23 -24 -6
```

Polinom értéke x=2.125 esetén:

```
octave-3.0.1.exe:69> polyval(pmult,2.125)
```

```
ans = 2.8373e+004
```

8.feladat:

A feladatban a függvény képlete helyesen:

$f(t) = \sin(p1 \cdot 2 \cdot \pi \cdot t) + \sin(p2 \cdot 2 \cdot \pi \cdot t) + 2$! A konstans jele 0-nál jelenik meg a transzformált spektrumban!

```
>> for i=1:32 t(i)=(i-1)*0.03125; endfor;
>> t
t =
```

Columns 1 through 8:

```
    0.00000    0.03125    0.06250    0.09375    0.12500    0.15625    0.18750
0.21875
```

Columns 9 through 16:

```
    0.25000    0.28125    0.31250    0.34375    0.37500    0.40625    0.43750
0.46875
```

Columns 17 through 24:

```
    0.50000    0.53125    0.56250    0.59375    0.62500    0.65625    0.68750
0.71875
```

Columns 25 through 32:

```
    0.75000    0.78125    0.81250    0.84375    0.87500    0.90625    0.93750
0.96875
```

```
>>
```

```
f=[2.000,3.631,3.707,2.324,1.000,0.910,1.707,2.217,2.000,1.783,2.293,3.090,3.000,1.676,0.293,0.369,2.000,3.631,3.707,2.324,1.000,0.910,1.707,2.217,2.000,1.783,2.293,3.090,3.000,1.676,0.293,0.369]
```

```
f =
```

Columns 1 through 8:

```
    2.00000    3.63100    3.70700    2.32400    1.00000    0.91000    1.70700
2.21700
```

Columns 9 through 16:

```
    2.00000    1.78300    2.29300    3.09000    3.00000    1.67600    0.29300
0.36900
```

Columns 17 through 24:

```
    2.00000    3.63100    3.70700    2.32400    1.00000    0.91000    1.70700
2.21700
```

Columns 25 through 32:

```
    2.00000    1.78300    2.29300    3.09000    3.00000    1.67600    0.29300
0.36900
```

```
>>
```

```
>> f
```

```
=[2.000,3.631,3.707,2.324,1.000,0.910,1.707,2.217,2.000,1.783,2.293,3.090,3.000,1.676,0.293,0.369,2.000,3.631,3.707,2.324,1.000,0.910,1.707,2.217,2.000,1.783,2.293,3.090,3.000,1.676,0.293,0.369]
```

f =

Columns 1 through 8:

2.00000 3.63100 3.70700 2.32400 1.00000 0.91000 1.70700
2.21700

Columns 9 through 16:

2.00000 1.78300 2.29300 3.09000 3.00000 1.67600 0.29300
0.36900

Columns 17 through 24:

2.00000 3.63100 3.70700 2.32400 1.00000 0.91000 1.70700
2.21700

Columns 25 through 32:

2.00000 1.78300 2.29300 3.09000 3.00000 1.67600 0.29300
0.36900

>> plot(t,f) !meg lehet nézni a függvényt

>> dt=0.03125

dt = 0.031250

>> dnu=1/32/dt

dnu = 1

>> for i=1:32 nu(i)=(i-1)*dnu; endfor;

>> nu

nu =

Columns 1 through 16:

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13
14 15

Columns 17 through 32:

16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29
30 31

>> F=fft(f) !Fourier transzformáció

F

Columns 1 through 3:

64.00000 + 0.00000i 0.00000 + 0.00000i -0.00000 + 0.00258i

Columns 4 through 6:

0.00000 + 0.00000i 0.00000 - 15.99879i 0.00000 + 0.00000i

Columns 7 through 9:

0.00000 - 16.00126i 0.00000 + 0.00000i 0.00000 + 0.00000i

Columns 10 through 12:

$0.00000 + 0.00000i$ $0.00000 - 0.00246i$ $0.00000 + 0.00000i$
 Columns 13 through 15:
 $-0.00000 + 0.00121i$ $0.00000 + 0.00000i$ $-0.00000 + 0.00137i$
 Columns 16 through 18:
 $0.00000 + 0.00000i$ $0.00000 + 0.00000i$ $0.00000 - 0.00000i$
 Columns 19 through 21:
 $-0.00000 - 0.00137i$ $0.00000 - 0.00000i$ $-0.00000 - 0.00121i$
 Columns 22 through 24:
 $0.00000 - 0.00000i$ $0.00000 + 0.00246i$ $0.00000 - 0.00000i$
 Columns 25 through 27:
 $0.00000 - 0.00000i$ $0.00000 - 0.00000i$ $0.00000 + 16.00126i$
 Columns 28 through 30:
 $0.00000 - 0.00000i$ $0.00000 + 15.99879i$ $0.00000 - 0.00000i$
 Columns 31 and 32:
 $-0.00000 - 0.00258i$ $0.00000 - 0.00000i$

1. lehetőség:

$F_a = \text{abs}(F)$
 $\text{plot}(nu, F_a)$

2. lehetőség:

Holvan nagy érték F függvényben:

$F(0) = 64.00000 + 0.00000i$ Nagy valós rész, nem jöhet a sin függvényből!
 Ez a konstansból jön!!!!

$F(5) = 0.00000 - 15.99879i$ (ez $nu=4$ -nek felel meg, a komplex rész nagy,
 feltehetően az egyik sin fvből jön)

Párja:

$F(29) = 0.00000 + 15.99879i$

Tehát az egyik sin függvény:

$\sin(4 \cdot 2 \cdot \pi \cdot t)$, a keresett paraméter a 4

$F(7) = 0.00000 - 16.00126i$ Ez azt jelenti, hogy a $nu=6$
 Párja a spektrumban:

$F(29) = 0.00000 + 16.00126i$

a második sin függvénytag:

$\sin(6 \cdot 2 \cdot \pi \cdot t)$, a keresett paraméter a 6

Ellenőrzés:

```
for i=1:32 forig(i)=sin(4*2*pi*t(i)) + sin(6*2*pi*t(i)) + 2; endfor;
```

```
plot(t,forig)
```

!Ha megfelelő a meghatározott paraméter, a `plot(t,f)` és a `plot(t,forig)` ugyanaz (össze lehet hasonlítani `f` és `forig` értékeit)